

[東京大学 2015 年前期 理科 3]



a を正の実数とし、 p を正の有理数とする。座標平面上の2つの曲線 $y = ax^p$ ($x > 0$)、 $y = \log x$ ($x > 0$) を考える。この2つの曲線の共有点が1点のみであるとし、その共有点を Q とする。

以下の問いに答えよ。必要であれば、 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^p}{\log x} = \infty$ を証明なしに用いてよい。

- (1) a および点 Q の x 座標を p を用いて表せ。
- (2) この2つの曲線と x 軸で囲まれる図形を、 x 軸のまわりに1回転してできる立体の体積を p を用いて表せ。
- (3) (2)で得られる立体の体積が 2π になるときの p の値を求めよ。

