

[東京大学 1996 年前期 理科 5]



xyz 空間内の円柱 $x^2 + y^2 = R^2$, $R > 0$ を側面とする容器に, 水面が $z = 0$ と一致するように $z = 0$ の部分に水が入っている。

$z = 0$ に対して定義された連続な関数 $r(z)$ で $r(0) = 0$, $0 < r(z) < R$

をみたすものを考える。 xz 平面内の不等式 $0 < x < r(z)$, $z > 0$

で表される領域を z 軸のまわりに 1 回転してできる回転体を毎秒 1 の速さで下に動かすと, t 秒後には水面が $z = f(t)$ に上昇するという。

$t = 0$ に対し, $f(t) = e^t - t - 1$ であるとき, 関数 $r(z)$ を決定せよ。

