

[ 東京工業大学 2009 年 第 1 類特別入試 3 ]



自然数  $n$  に対し, 第 1 象限において不等式

$$nx \geq y \geq x^n + \frac{1}{2}x^{n-1} + \frac{1}{3}x^{n-2} + \cdots + \frac{1}{n}x + \frac{1}{n+1}$$

の表す領域を  $S(n)$  とする。極限值  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n}S(n)$  を求めよ。

